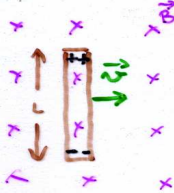


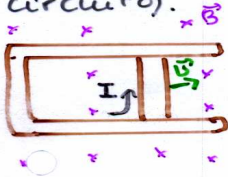
força eletromotriz produzida pelo movimento 192

A lei de Faraday $\mathcal{E} = -\frac{d\Phi_B}{dt}$ é válida em duas situações diferentes (como podemos ver nos exemplos da aula anterior): um condutor em movimento num campo magnético e um condutor num campo magnético variável. Nesta aula, analisemos o primeiro caso e na próxima, o segundo caso.

Quando um condutor está em movimento num campo magnético, aparece nele uma fem induzida chamada fem de movimento. Ela é dada pela lei de Faraday mas pode também ser escrita de outra maneira como veremos agora.



inicialmente os e^- são submetidos a $\vec{F}_m = q\vec{v} \times \vec{B}$ e migram para cima. Aparece carga + em cima e - embaixo. Isso faz surgir um campo elétrico \vec{E} (apontando das cargas + as -). Assim os e^- são também submetidos a $\vec{F}_e = q\vec{E}$, com sentido oposto a \vec{F}_m . Quando $\vec{F}_e = -\vec{F}_m$, o equilíbrio é atingido (não há mais movimento de e^-). Em outras palavras, o movimento da haste gera uma ddp ou fem entre suas extremidades: $\mathcal{E} = EL = vBL$. Ela é parecida com uma bateria (fora de um circuito).



Quando a haste desligante faz parte de um circuito, não só há fem de movimento, mas corrente que circula (como para uma bateria num circuito). $\mathcal{E} = vBL$ continua a valer.

Lei de Lenz

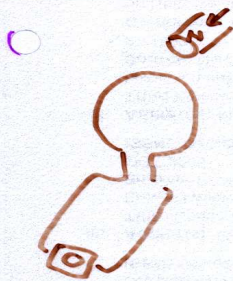
193

Método alternativo para determinar o sentido da fem ou da corrente induzida.

Esta não é um princípio independente. Ela é relacionada com a conservação de energia.

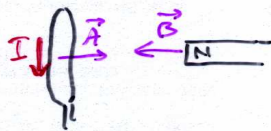
∴ Ela dá o mesmo resultado do que a lei de Faraday, mas é mais fácil de usar.

O sentido de qualquer efeito de indução magnética é tal que ele se opõe à causa que produz esse efeito.



Queremos achar o sentido de \mathcal{E} e de I , neste exemplo da aula passada.

Usando a lei de Faraday:



$$\Phi = -BA \text{ com } B \uparrow$$
$$\frac{d\Phi}{dt} = -\frac{dB}{dt}A < 0$$
$$\Rightarrow \mathcal{E} = -\frac{d\Phi}{dt} > 0$$

Usando a lei de Lenz: 1ª alternativa



Para se opor a aproximação de um polo N, a espira "cria" um polo N (cf. figura) \Rightarrow isto nos fornece o sentido de I indicado.

Usando a lei de Lenz: 2ª alternativa

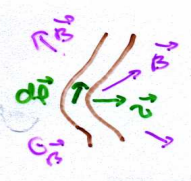


Quando o ímã se aproxima, a bobina intercepta cada vez mais linhas de campo. Para se opor a isto, ela "cria" linhas de sentido oposto \Rightarrow isto nos fornece o sentido de I indicado.

196

Obs. 1: se ao chegar de um polo N, aparecer um S, então bastaria um pequeno empurrão sobre o ímã para iniciar um processo onde sua velocidade cresceria cada vez ^{mais} (quanto maior a velocidade, maior a corrente induzida e, consequentemente a atração). A taxa de dissipação de calor na bobina também cresceria cada vez mais. Isto é, apareceria muita energia na bobina enquanto for só fornecido o empurrãozinho, o que viola a conservação de energia. Por outro lado, quando aparece o N, temos que fazer um esforço para aproximar o ímã. É este trabalho que é igual a energia térmica da bobina. Isto é, há conservação de energia. É por isto que dizemos que a lei de Lenz é relacionada com a conservação de energia.

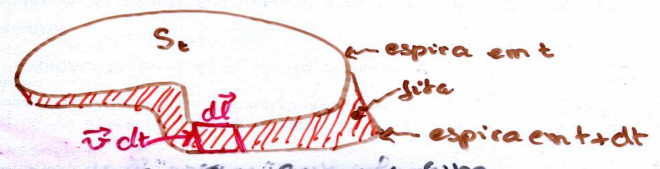
Obs. 2: se fizermos a experiência com uma espira cortada, não haverá nem corrente induzida, nem energia térmica, nem força repulsiva sobre o ímã. Ainda assim teremos uma fem induzida na espira. (Isto ficará mais claro na próxima aula.)



A discussão anterior pode ser generalizada a um condutor de forma qualquer num campo magnético uniformemente, de direção qualquer (mas não variando no tempo de um ponto para outro).

Sobre $d\vec{l}$, temos no equilíbrio $dq\vec{v} \wedge \vec{B} = -dq\vec{E} \Rightarrow -\vec{E} = \vec{v} \wedge \vec{B}$ daí entre as extremidades de $d\vec{l}$: $d\vec{E} = \vec{E} \cdot d\vec{l} = (\vec{v} \wedge \vec{B}) \cdot d\vec{l}$. Para o condutor todo: $\boxed{\vec{E} = \int (\vec{v} \wedge \vec{B}) \cdot d\vec{l}}$

Agora, mostramos que esta fem obedece a lei de Faraday. [Consideremos uma espiral qual quer em movimento num campo magnético.



$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{A} = 0 \text{ com } S = S_{fixa} + S_{fixa} + v dt n d l + S_{fixa}$$

$$\Rightarrow \Phi_{t+dt} = \Phi_0 + \Phi_{fixa} \Rightarrow d\Phi = \Phi_{fixa} - \Phi_0 = \Phi_{fixa}$$

$$\Rightarrow d\Phi = \int_{fixa} \vec{B} \cdot d\vec{A} = \int_{fixa} \vec{B} \cdot (\vec{v} dt n d\vec{l}) = \int_{fixa} \vec{B} \cdot (\vec{v} n d\vec{l}) dt$$

$$\Rightarrow \frac{d\Phi}{dt} = \int \vec{B} \cdot (\vec{v} n d\vec{l}) = - \int (\vec{v} \wedge \vec{B}) \cdot d\vec{l} = -\mathcal{E}]$$

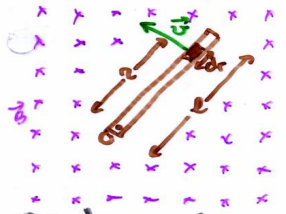
Em resumo para um condutor em movimento num campo magn. a fem induzida é:

$$\mathcal{E} = - \frac{d\Phi_B}{dt} = \int (\vec{v} \wedge \vec{B}) \cdot d\vec{l}$$

(Faraday) (fem de mot.)

Exemplos:

① Barra girante (com vel. ang. ω este, ao redor de o)
 \rightarrow fem induzida entre as extremidades



Para dr : $v = r\omega$ e $Id\vec{q} = Bvdr$
 $\Rightarrow |\mathcal{E}| = \int B\omega r dr = \frac{1}{2} B\omega l^2$
 Para obter o sentido, lembramos que a força ^{magn.} sobre dq é $d\vec{q}\vec{v} \times \vec{B}$
 se $dq > 0$ (conveniente p/ determinar o sentido de \mathcal{E}) \vec{f} aponta para a e \mathcal{E} também

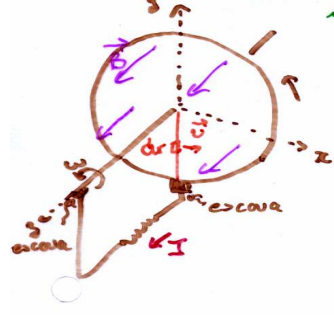
Estes resultados podem ser obtidos também com a lei de Faraday.



O fluxo através da área delimitada por oab é:
 $\Phi = -BA = -B(\frac{1}{2}R^2\theta)$
 $\Rightarrow \mathcal{E} = -\frac{d\Phi}{dt} = +\frac{1}{2}BR^2\frac{d\theta}{dt} = \frac{1}{2}B\omega R^2$

Como $\mathcal{E} > 0$, ela deve apontar de a para b . Para se opor ao aumento do m.o. de linha através da área, precisa uma fem que provocaria num circuito fechado, um \vec{B} ind. assim \odot , i.e. fem apontando de a para o .

③ Dinamo baseado no disco de Faraday
 \rightarrow fem induzida entre centro e periferia?

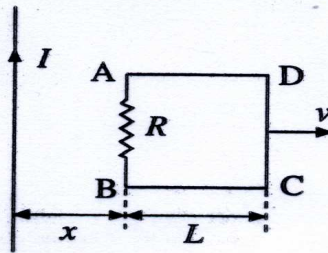


Para dr : $\left\{ \begin{aligned} d\mathcal{E} &= vBdr \\ v &= \omega r \end{aligned} \right.$ daí $\mathcal{E} = \int_0^R \omega B r dr$
 $\mathcal{E} = \frac{1}{2} \omega B R^2$

Para determinar o sentido, podemos ver que $d\vec{q}\vec{v} \times \vec{B}$ aponta p/ baixo (se $dq > 0$) ou usar a lei de Lenz como no ①.

Questão 2

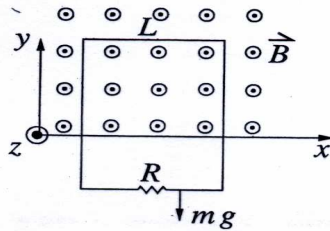
Um fio retilíneo muito longo conduz uma corrente I . Uma espira quadrada de lado L , com resistência R , move-se com velocidade v constante, conforme é indicado na figura. No instante $t = 0$ a distância x entre o lado AB da espira e o fio é igual a L ($x(0) = L$).



- (0,5 ponto) Usando a lei de Ampère, calcule o campo magnético produzido pelo fio.
- (1,0 ponto) Calcule o fluxo do campo magnético na espira em função de t .
- (0,5 ponto) Determine a intensidade e o sentido (horário ou anti-horário) da corrente induzida na espira.
- (0,5 ponto) Calcule a indutância mútua M entre o fio e a espira.

Questão 2

Uma espira retangular de largura L , resistência R e massa m está caindo, sob a ação do campo gravitacional, em uma região onde há um campo magnético uniforme como indicado na figura abaixo (não há campo magnético abaixo do eixo x).



- (a) (0,5 ponto) Usando a lei de Lenz, explique qual é o sentido da corrente produzida na espira (horário ou anti-horário).
- (b) (1,0 ponto) Obtenha a corrente induzida na espira em função da velocidade instantânea de queda $v = dy/dt$. Note que $v < 0$.
- (c) (1,0 ponto) Determine a força magnética sobre a espira (módulo, sentido e direção). Suponha que antes de sair totalmente da região com campo magnético a espira atinja uma *velocidade limite* v_L (movimento com aceleração nula). Escreva a equação de movimento da espira e calcule a velocidade limite v_L .